Intervalos e inecuaciones en R

Ecuaciones e inecuaciones con módulo

1-Expresar los intervalos según el ejemplo.

$$x \leq 3$$

$$x \leq 3 \qquad (-\infty; 3] \longrightarrow$$

2- Representar en la recta numérica los siguientes intervalos. En las operaciones, expresar la solución como intervalo.

c)
$$\left[-4; \frac{2}{5} \right]$$

$$d)(-b;b)$$

[2,4] b) (3,8] c)
$$\left[-4;\frac{2}{5}\right)$$
 d)(-b; b) e)(-\infty;2] f) $\left(-\frac{1}{4};\frac{5}{8}\right) \cup [0;3]$ g) $\left[-4;\frac{2}{5}\right) \cap (-2;1]$ h)[-2;1) \cap (1;2]

$$g)\left[-4;\frac{2}{5}\right)\cap(-2;1]$$

$$h)[-2:1) \cap (1:2]$$

i)
$$(-\infty;3) \cup [3;+\infty]$$

$$j(-\infty;5) \cap (5;+\infty)$$

3-Resolver las siguientes inecuaciones. Expresar el resultado en la recta y como intervalo.

a)
$$-2x+3 \le 4x + 5 < 3x + 3$$

$$f)-4x + 3 \le 2x + 1 < 3x - 1$$

b)
$$1,6-2x>(0,4-x):0,2$$

c)
$$2.3x + 5.4 - x > (6 - 0.3x).0.1$$

d) 2.(0,3x -
$$\frac{3}{4}$$
)+ $\frac{4}{3}$ > $\frac{5}{2}$.(1 - 2x)

e)
$$\frac{1}{2}$$
 - 3 $\left(0.8x - \frac{1}{2}\right) \le \frac{3}{2}$.(0,5 + x)

g)
$$-\frac{3}{5}$$
.(10x + 5) \geq (1 - $\frac{5}{2}$ x) : 0,5

h)
$$(-0.2 - x) : 0.1 \ge 0.4 - 5x$$

4) Hallar x . Verificar las soluciones.

a)
$$|2x - 3| -4 = 8$$

b)
$$|-3x + 5| + 1 = x+2$$

c)
$$3.|x-1|+2=5-x$$

d)
$$2x+1=5.|4-2x|-10$$

e)
$$5.|2x - 1| + 1 = 6$$

f)
$$4\left|\frac{4x-2}{-3}\right| -1 = 3$$

5) Hallar x. Expresar las soluciones en la recta y como intervalos.

a)
$$5.|1-x| \ge 2x-3$$

b)
$$4+|2x-3| > 7$$

c)
$$|6x - 3| \le 2x + 1$$

d)2
$$|3 - 2x| < 2.(x-3)$$

e)
$$2-|x+4| > 7+2x$$

f)
$$2-3(2x-4) \le 3 - |2x+1|$$

6) Representar gráficamente las siguientes funciones en los intervalos indicados. Indicar si tienen máximo o mínimo.

a)
$$F(x) = |x|$$
 en $[-2; 2]$

b)
$$F(x) = |x - 3|$$
 en $[-2; 2]$
c) $F(x) = -|x - 1|$ en $[-2; 2]$
d) $F(x) = |x + 1| -2$ en $[-3; 3]$

c)
$$F(x) = -|x-1|$$
 en $[-2; 2]$

d)
$$F(x) = |x + 1| - 2$$
 en $[-3; 3]$

e)
$$F(x) = -|x-2| + 3$$
 en $[-1; 5]$